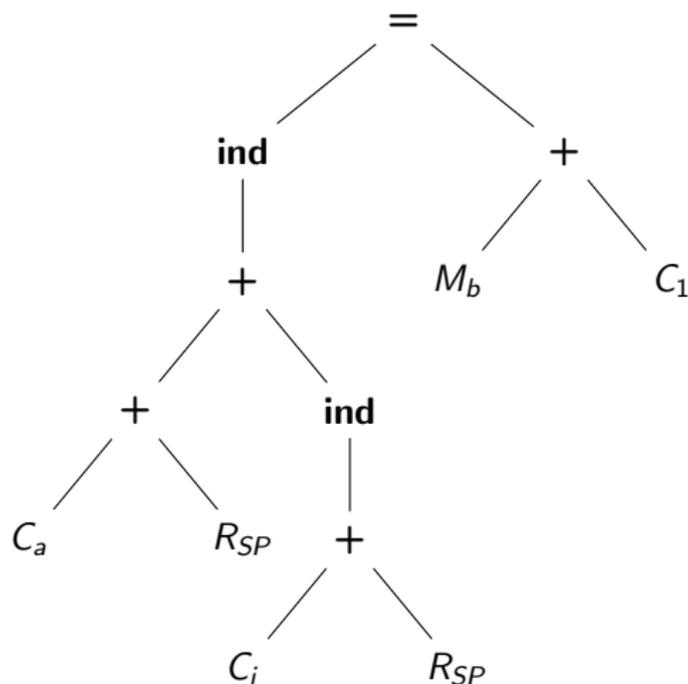


1 Baumübersetzungsverfahren

2 Optimaler Registerverbrauch für Ausdrücke



Zwischencodebäume



Zwischencodebaum für $a[i] = b + 1$

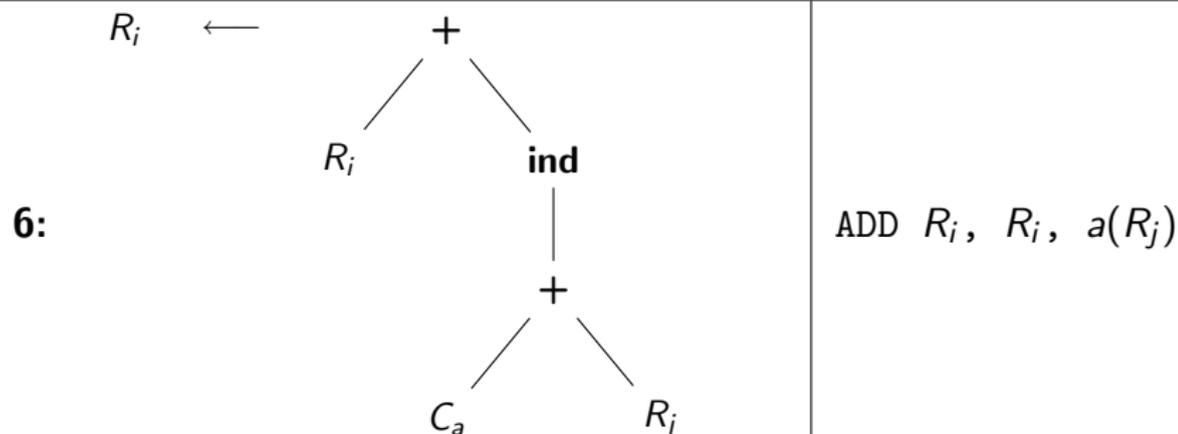
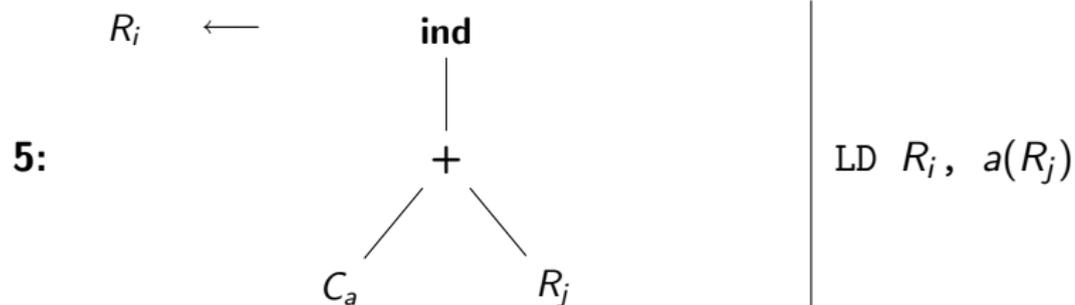


Baumersetzungsregeln (1/3)

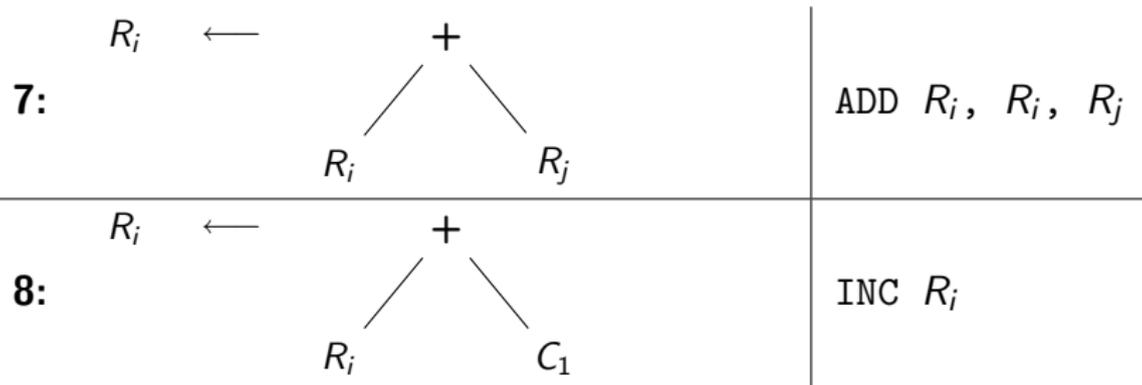
1:	$R_i \leftarrow C_a$	LD $R_i, \#a$
2:	$R_i \leftarrow M_x$	LD R_i, x
3:	$M \leftarrow =$ $\begin{array}{c} \diagup \quad \diagdown \\ M_x \quad R_i \end{array}$	ST x, R_i
4:	$M \leftarrow =$ $\begin{array}{c} \diagup \quad \diagdown \\ \mathbf{ind} \quad R_j \\ \\ R_i \end{array}$	ST * R_i, R_j



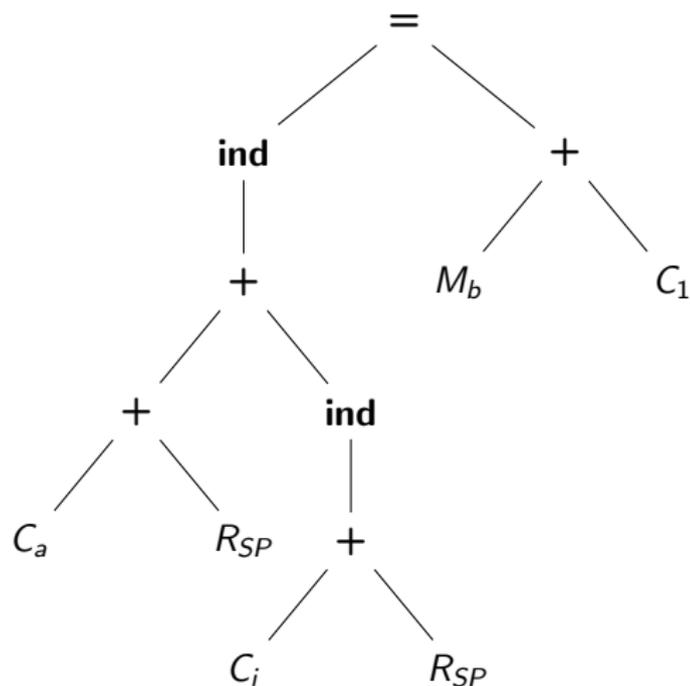
Baumersetzungsregeln (2/3)



Baumersetzungsregeln (3/3)



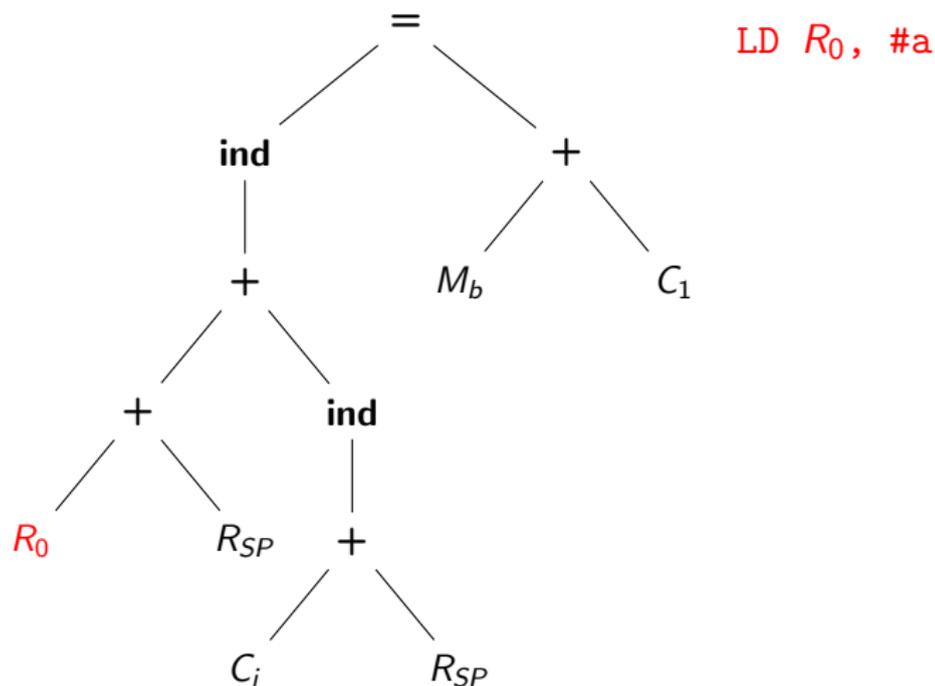
Beispiel Baumübersetzungsverfahren



Anwendung von Regel **1** möglich



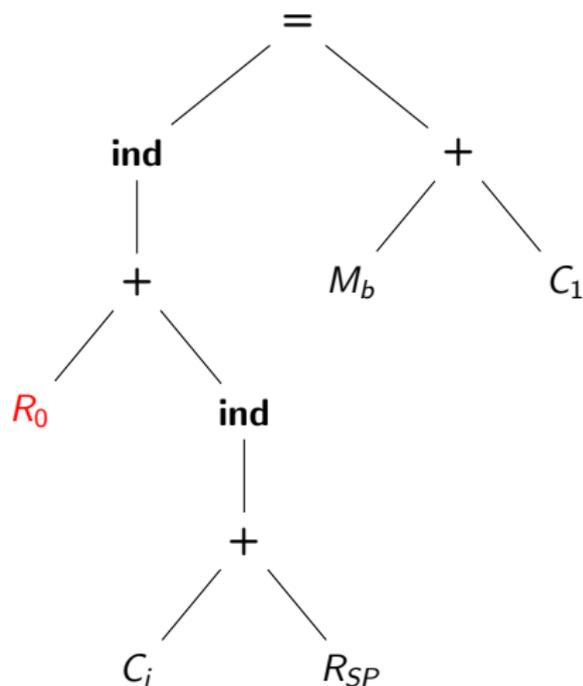
Beispiel Baumübersetzungsverfahren



Anwendung von Regel **7** möglich



Beispiel Baumübersetzungsverfahren



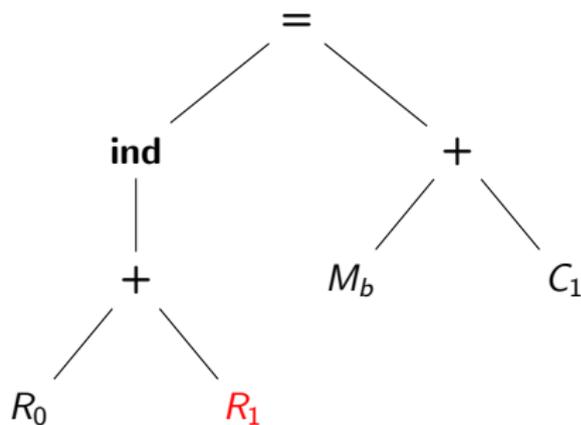
LD R_0 , #a

ADD R_0 , R_0 , R_{SP}

Anwendung von Regel **5** möglich



Beispiel Baumübersetzungsverfahren

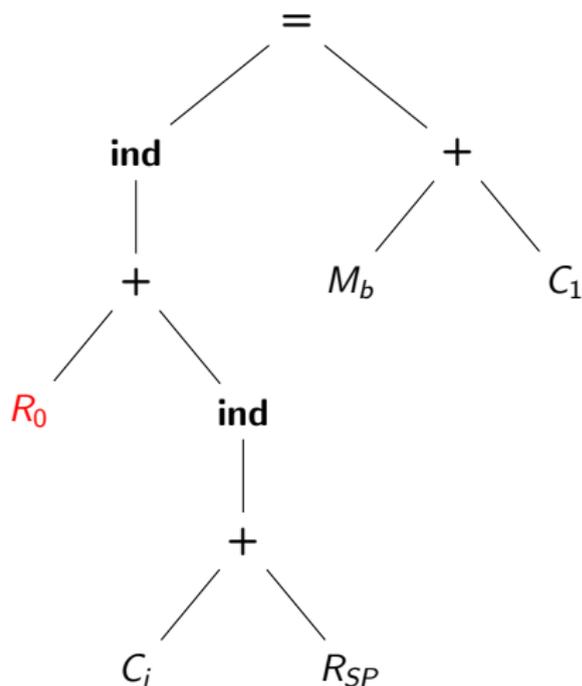


LD R_0 , #a
ADD R_0 , R_0 , R_{SP}
LD R_1 , $i(R_{SP})$

Achtung: Es gibt eine Alternative



Beispiel Baumübersetzungsverfahren



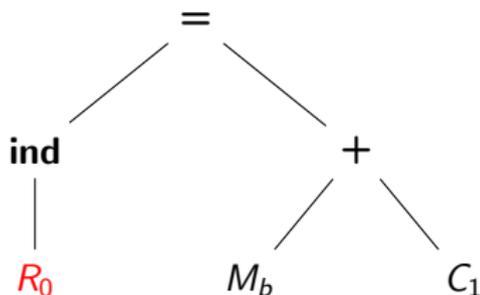
LD R_0 , #a

ADD R_0 , R_0 , R_{SP}

Anwendung von Regel **6** möglich



Beispiel Baumübersetzungsverfahren

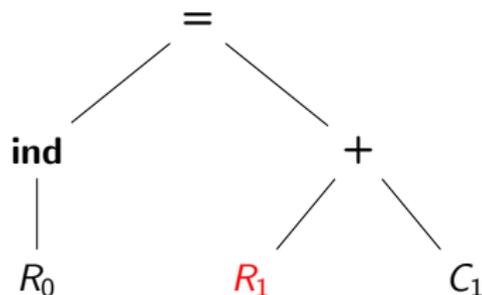


```
LD R0, #a  
ADD R0, R0, RSP  
ADD R0, R0, i(RSP)
```

Anwendung von Regel **2** möglich



Beispiel Baumübersetzungsverfahren

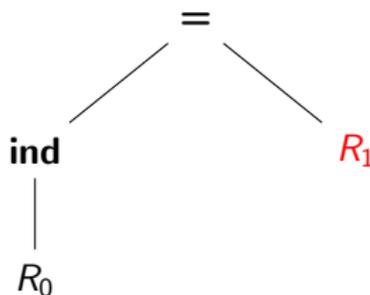


```
LD R0, #a
ADD R0, R0, RSP
ADD R0, R0, i(RSP)
LD R1, b
```

Anwendung von Regel **8** möglich



Beispiel Baumübersetzungsverfahren



```
LD R0, #a
ADD R0, R0, RSP
ADD R0, R0, i(RSP)
LD R1, b
INC R1
```

Anwendung von Regel 4 möglich



Beispiel Baumübersetzungsverfahren

M

```
LD R0, #a  
ADD R0, R0, RSP  
ADD R0, R0, i(RSP)  
LD R1, b  
INC R1  
ST *R0, R1
```

Baumreduktion ist abgeschlossen



1 Baumübersetzungsverfahren

2 Optimaler Registerverbrauch für Ausdrücke



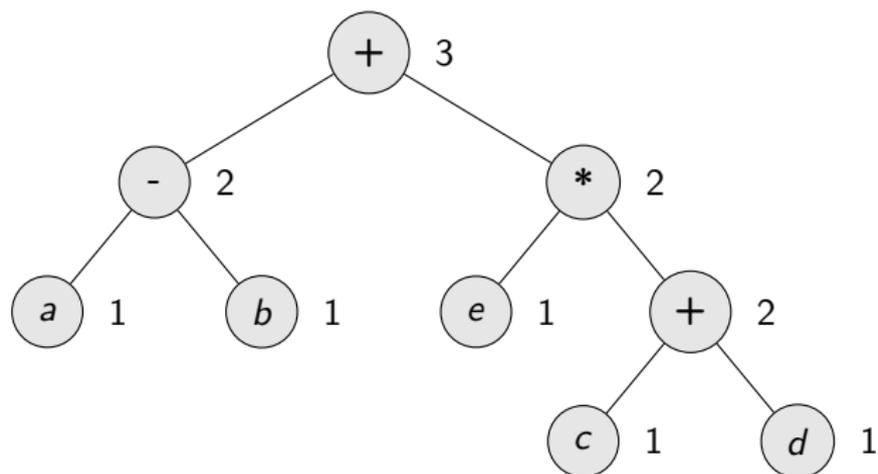
Registerverbrauch bei Ausdrücken

Problematik:

- Um eine Operation zu berechnen, berechne zunächst ihre Operanden.
- Wert eines Operanden wird in Register gespeichert; Für weitere Operanden steht ein Register weniger zur Verfügung.
- \Rightarrow Optimaler Code berechnet Operanden mit kleinstem Registerverbrauch zuletzt.



Baum mit Ershov-Zahlen



Ausdruck: $(a - b) + e * (c + d)$



Ershov-Zahlen

Ershov-Zahlen geben die Zahl der Register an, die zur Auswertung eines Ausdrucks benötigt werden.

Markieren eines Ausdrucksbaums:

- 1 Kennzeichne alle Blätter mit 1.
- 2 Bei 2 Kindern:
 - gleiche Kennzeichnung der Kinder: übernimm Kennzeichnung plus 1
 - sonst: nimm größte Kennzeichnung der Kinder
- 3 Allgemein: Für absteigend sortierte Markierungen der Kinder M_1, \dots, M_n :

$$\max(M_1, M_2 + 1, \dots, M_n + (n - 1))$$



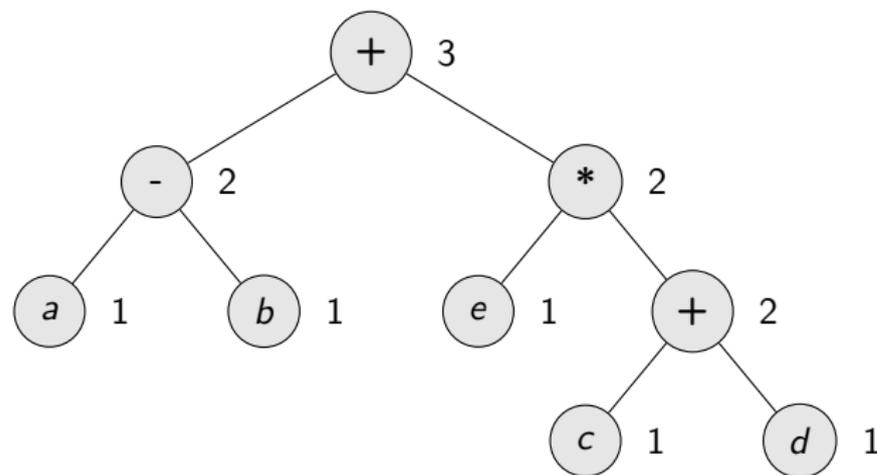
Codeerzeugung

Mit rekursivem Algorithmus. Register werden relativ zu momentaner Basis b verwendet (R_b, R_{b+1}, \dots). Beginne an der Wurzel mit Basis $b = 0$. Pro Knoten:

- 1 Sortiere Kinder nach absteigender Ershov-Zahl (Registerverbrauch).
- 2 Erzeuge Code für Kinderknoten K_0, K_1, \dots, K_{n-1} mit Basis $b, b + 1, \dots, b + (n - 1)$
- 3 Erzeuge Operation: $OPR_b, R_b, R_{b+1}, \dots, R_{b+n-1}$.



Anwendung



```
LD R1, d
LD R2, c
ADD R1, R2, R1
LD R2, e
MUL R1, R2, R1
LD R2, b
LD R3, a
SUB R2, R3, R2
ADD R1, R2, R1
```



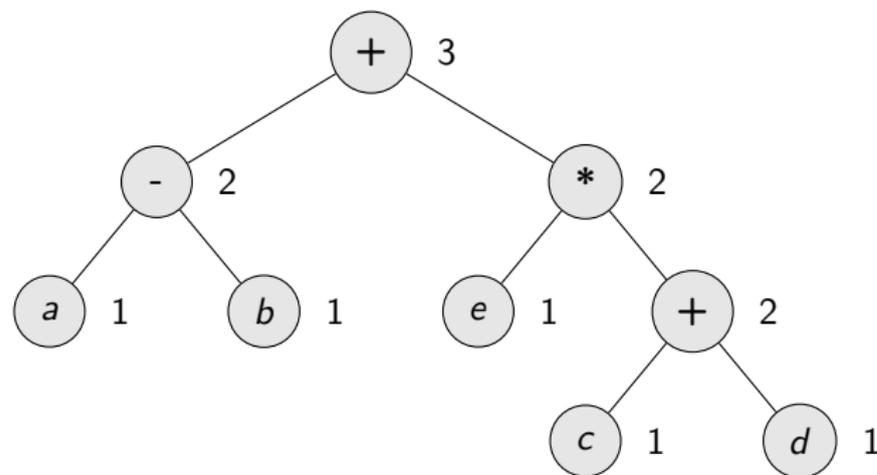
Auslagern

Modifikation bei beschränkter Registerzahl k :

- 1 Sortiere Kinder nach absteigender Ershov-Zahl (Registerverbrauch).
- 2 $b_0 \leftarrow b$.
- 3 Für jeden Kinderknoten $K_i \in \{K_0, \dots, K_{n-1}\}$.
 - a Erzeuge Code für K_i mit Basis b .
 - b Falls Markierung des nächsten Kindes plus weitere Operanden $M_{i+1} + n - i$ größer als k : Erzeuge Auslagerungsbefehl
ST t_x, R_b
 - c $b \leftarrow b + 1$.
- 4 Lade ausgelagerte Operanden in Register R_b, R_{b+1}, \dots :
LD R_b, t .
- 5 Erzeuge Operation: OP $R_{b_0}, R_{b_0}, R_{b_0+1}, \dots, R_{b_0+n-1}$.



Anwendung bei 2 Registern



```
LD R1, d
LD R2, c
ADD R1, R2, R1
LD R2, e
MUL R1, R2, R1
ST t1, R1
LD R2, b
LD R3, a
SUB R2, R3, R2
LD R1, t1
ADD R1, R2, R1
```

