

## 5.5 Prozeduren

In diesem Abschnitt erweitern wir die  $\text{While}_B$ -Sprache um Prozeduren bzw. Funktionen. Waren die bisherigen Semantiken für  $\text{While}$  mit Erweiterungen meist ohne große Designentscheidungen, so gibt es bei Prozeduren mehrere Modellierungsmöglichkeiten mit unterschiedlicher Semantik. Wir beginnen mit der einfachsten Form, bei der Prozeduren quasi textuell an die Aufrufstelle kopiert werden und ohne Parameter auskommen, ähnlich zu Makros.<sup>3</sup>

### 5.5.1 Prozeduren ohne Parameter $\text{While}_{PROC}$

Die Syntax von  $\text{While}_{PROC}$  muss dazu Deklarationsmöglichkeiten für und Aufrufe von Prozeduren bereitstellen. Ein Programm  $P$  besteht ab sofort aus einer Anweisung  $c$  und einer Liste von Prozedurdeklarationen der Form  $(p, c)$ , wobei  $p$  den Namen der Prozedur und  $c$  den Rumpf der Prozedur beschreibt. Wir nehmen im Folgenden immer an, dass die Prozedurnamen in der Deklarationsliste eindeutig sind. Die neue Anweisung `call p` ruft die Prozedur  $p$  auf.

**Beispiel 13.** `(sum, if (i == 0) then skip else (x := x + i; i := i - 1; call sum))` deklariert eine Prozedur `sum`. Damit berechnet `x := 0; call sum` die Summe der ersten  $\sigma(i)$  Zahlen, falls  $\sigma(i) \geq 0$  ist.

Wenden wir uns nun als erstes der Big-Step-Semantik zu. Diese braucht für die Aufrufregel die Prozedurdeklarationen. Deswegen ändern wir den Typ der Big-Step-Auswertungsrelation so, dass die Deklarationen als eine Umgebung  $P$  durch alle Regeln durchgeschleift werden:

$$- \vdash \langle -, - \rangle \Downarrow - \subseteq \text{PDecl}^* \times (\text{Com} \times \Sigma) \times \Sigma$$

Entsprechend müssen alle bisherigen Regeln angepasst werden:

$$\begin{aligned} \text{SKIP}_{\text{BS}}^{\text{P}}: P \vdash \langle \text{skip}, \sigma \rangle \Downarrow \sigma & \quad \text{ASS}_{\text{BS}}^{\text{P}}: P \vdash \langle x := a, \sigma \rangle \Downarrow \sigma[x \mapsto \mathcal{A}[[a]] \sigma] \\ \text{SEQ}_{\text{BS}}^{\text{P}}: \frac{P \vdash \langle c_0, \sigma \rangle \Downarrow \sigma' \quad P \vdash \langle c_1, \sigma' \rangle \Downarrow \sigma''}{P \vdash \langle c_0; c_1, \sigma \rangle \Downarrow \sigma''} \\ \text{IFTT}_{\text{BS}}^{\text{P}}: \frac{\mathcal{B}[[b]] \sigma = \text{tt} \quad P \vdash \langle c_0, \sigma \rangle \Downarrow \sigma'}{P \vdash \langle \text{if } (b) \text{ then } c_0 \text{ else } c_1, \sigma \rangle \Downarrow \sigma'} \\ \text{IFF}_{\text{BS}}^{\text{P}}: \frac{\mathcal{B}[[b]] \sigma = \text{ff} \quad P \vdash \langle c_1, \sigma \rangle \Downarrow \sigma'}{P \vdash \langle \text{if } (b) \text{ then } c_0 \text{ else } c_1, \sigma \rangle \Downarrow \sigma'} \\ \text{WHILEFF}_{\text{BS}}^{\text{P}}: \frac{\mathcal{B}[[b]] \sigma = \text{ff}}{P \vdash \langle \text{while } (b) \text{ do } c, \sigma \rangle \Downarrow \sigma} \\ \text{WHILETT}_{\text{BS}}^{\text{P}}: \frac{\mathcal{B}[[b]] \sigma = \text{tt} \quad P \vdash \langle c, \sigma \rangle \Downarrow \sigma' \quad P \vdash \langle \text{while } (b) \text{ do } c, \sigma' \rangle \Downarrow \sigma''}{P \vdash \langle \text{while } (b) \text{ do } c, \sigma \rangle \Downarrow \sigma''} \\ \text{BLOCK}_{\text{BS}}^{\text{P}}: \frac{P \vdash \langle c, \sigma[x \mapsto \mathcal{A}[[a]] \sigma] \rangle \Downarrow \sigma'}{P \vdash \langle \{ \text{var } x = a; c \}, \sigma \rangle \Downarrow \sigma'[x \mapsto \sigma(x)]} \end{aligned}$$

<sup>3</sup>Makros werden üblicherweise durch einen Präprozessor *statisch* im Text ersetzt, der Compiler oder die Semantik sehen von den Makros selbst nichts. Unsere Prozeduren dagegen werden erst *zur Laufzeit* eingesetzt.



Ein Zugriff auf eine Variable  $x$  erfolgt nun dadurch, dass

1. Die der Variablen  $x$  zugeordnete Speicherstelle  $E(x)$  ermittelt wird, und
2. Im Speicher  $s$  auf die Stelle  $E(x)$  – mit dem gespeicherten Wert  $s(E(x))$  – zugegriffen wird.

Der Einfachheit halber sei  $\text{Loc} = \mathbb{Z}$ . Neben der Speicherung der Werte der Speicherstellen muss ein Speicher auch noch vermerken, welche Speicherstelle die nächste unbenutzte ist. Demnach ist ein Speicher vom Typ

$$\text{Store} \equiv \text{Loc} \cup \{\text{next}\} \Rightarrow \mathbb{Z},$$

wobei unter  $\text{next}$  die nächste freie Speicherzelle vermerkt ist.<sup>4</sup>

**Definition 15 (Programm).** Ein Programm der neuen Sprache  $\text{While}_{PROCP}$  besteht aus

1. einer Liste  $P$  von Prozedurdeklarationen,
2. der auszuführenden Anweisung und
3. einer Liste  $V$  der globalen Variablen, die von den Prozeduren und der Anweisung verwendet werden.

**Definition 16 (Initiale Variablenumgebung, initialer Zustand).** Die initiale Variablenumgebung  $E_0$  ordnet den globalen Variablen die ersten  $|V|$  Speicherstellen, d.h. von 0 bis  $|V| - 1$ , zu. Der initiale Zustand muss unter  $\text{next}$  die nächste freie Speicherstelle  $|V|$  speichern.

Da Prozeduren nun auch einen Parameter bekommen und einen Rückgabewert berechnen sollen, müssen auch Prozedurdeklarationen und Aufrufe angepasst werden. Konzeptuell kann unser Ansatz auch auf mehrere Parameter- oder Rückgabewerte erweitert werden. Wegen der zusätzlichen formalen Komplexität betrachten wir hier aber nur Prozeduren mit einem Parameter.

**Definition 17 (Prozedurdeklaration).** Eine Prozedurdeklaration besteht nun aus

1. dem Prozedurnamen  $p$ ,
2. dem Parameternamen  $x$  und
3. dem Rumpf der Prozedur als Anweisung.

Den Rückgabewert muss jede Prozedur in die spezielle (prozedurlokale) Variable `result` schreiben. Damit hat jede Prozedur automatisch zwei lokale Variablen: Den Parameter und die Rückgabevariable `result`.

Ein Aufruf hat nun die Form  $y \leftarrow \text{call } p(a)$ , wobei  $p$  der Prozedurname,  $a$  der arithmetische Ausdruck, dessen Wert an den Parameter übergeben wird und  $y$  die Variable ist, die den Rückgabewert aufnimmt.

**Beispiel 15.** Gegeben sei die Deklaration der Prozedur `sum2` mit Parameter `i` und Rumpf `if (i == 0) then result := 0 else (result <- call sum2(i - 1); result := result + i)`. Der Aufruf `x <- call sum2(10)` speichert in der Variablen  $x$  die Summe der ersten 10 Zahlen.

<sup>4</sup>Da wir  $\text{Loc} = \mathbb{Z}$  gewählt haben, genügt uns dieser einfache Typ, da  $s(\text{next}) \in \text{Loc}$  gelten muss. Im allgemeinen Fall wäre  $\text{Store} \equiv (\text{Loc} \Rightarrow \mathbb{Z}) \times \text{Loc}$ , was die Syntax aufwändiger machte.



